

## TD 1 Physique 1 (F211)

### (Analyse dimensionnelle, Calcul vectoriel et Systèmes de coordonnées)

**EXERCICE 1 :** Donner les équations aux dimensions des grandeurs physiques suivantes :

Surface, Masse volumique, Fréquence, Vitesse linéaire, Accélération linéaire, Force, Travail et Energie.

**EXERCICE 2:** Deux masses ponctuelles  $m$  et  $m'$  s'attirent suivant la loi d'attraction de Newton,  $\vec{F} = -G \frac{mm'}{r^2} \vec{u}$ ,  $G$  est une constante de gravitation. Quelle est la dimension de  $G$  ? En déduire son unité dans le système international.

**EXERCICE 3:** La trajectoire  $y=f(x)$  d'un projectile lâché avec une vitesse initiale ( $v_0$ ) à partir d'un point (o) situé à une hauteur ( $h$ ) du plan d'impact, est donnée par la formule suivante :  $y = \frac{g}{2v_0^2} x^2 + h$

Démontrez que cette formule est homogène?

**EXERCICE 4 :**

L'expérience a montré que la force subie par une sphère immergée dans un fluide en mouvement dépend: - du coefficient de viscosité  $\eta$ , - du rayon  $r$  de la sphère, - de leur vitesse relative  $v$ .

Trouver l'expression de cette force en la supposant de la forme:  $F = k \eta^x r^y v^z$

$k$  étant un coefficient numérique sans dimensions et  $[\eta] = M L^{-1} T^{-1}$

**EXERCICE 5:**

$\vec{i}$ ,  $\vec{j}$  et  $\vec{k}$  étant les vecteurs unitaires des axes rectangulaires (Oxyz), on considère les vecteurs :

$$\vec{A} = 2\vec{i} + 3\vec{j} - \vec{k} ; \vec{B} = 3\vec{i} - 2\vec{j} + 2\vec{k} \text{ et } \vec{C} = 4\vec{i} - 3\vec{j} + 3\vec{k}$$

1. Calculer le module (la norme) des vecteurs  $\vec{A}$ ,  $\vec{B}$  et  $\vec{C}$ .
2. Calculer les composantes et les modules des vecteurs :  $\vec{V} = \vec{A} + \vec{B} + \vec{C}$  et  $\vec{W} = \vec{A} + \vec{B} - 3\vec{C}$ .
3. Calculer le vecteur unitaire  $\vec{u}$  porté par le vecteur :  $\vec{F} = \vec{A} + 2\vec{B}$
4. Calculer les produits scalaire et vectoriel des vecteurs  $\vec{A}$  et  $\vec{B}$ .
5. Déduire l'angle ( $\vec{A}$ ,  $\vec{B}$ ).

**EXERCICE 6 :** Soient les points suivants :  $M_1 (1, 1, 1)$  ;  $M_2 (2, 2, 1)$  ;  $M_3 (2, 1, 0)$

a/ Trouver l'angle formé par les vecteurs  $\vec{M_2M_1}$  et  $\vec{M_2M_3}$ .

b/ évaluer les vecteurs suivants :  $\vec{i} \wedge \vec{j}$  ;  $\vec{j} \wedge \vec{k}$  ;  $\vec{k} \wedge \vec{i}$  ;  $\vec{i} \wedge \vec{i}$  ;  $\vec{j} \wedge \vec{j}$  ;  $\vec{k} \wedge \vec{k}$  ;  $\vec{i} \wedge \vec{k}$

**EXERCICE 7 :** Soient les deux vecteurs :

$$\vec{A} = \vec{i} + \alpha \vec{j} - \beta \vec{k} \text{ et } \vec{B} = 2\vec{i} + 3\vec{j} + 4\vec{k}$$

Trouver  $\alpha$  et  $\beta$ , pour que  $\vec{B}$  soit parallèle à  $\vec{A}$ , puis déterminer le vecteur unitaire pour chacun des deux vecteurs.

**EXERCICE 8 :** Soient les points A (2, 1), B (1, 1) et C (1, 2) dans un repère cartésien.

1) Calculer les coordonnées polaires  $(r, \theta)$  de ces trois points.

2) Exprimer les vecteurs :  $\overrightarrow{AB}$ ,  $\overrightarrow{AC}$ ,  $\overrightarrow{BC}$  en coordonnées cartésiennes et polaires.

**EXERCICE 9 :**

Représenter puis donner les coordonnées cartésiennes des points polaires suivants :

$A(2, \pi/3)$  ;  $B(\sqrt{2}, -\pi/4)$  ;  $C(2, -2\pi/3)$ .

**EXERCICE 10 :** Soit un point M(x, y, z) dans un repère cartésien, on appelle (r,  $\theta$ , z) les coordonnées cylindriques. Rappeler les relations permettant d'obtenir (x, y, z) en fonction de ces coordonnées, et exprimer

r à l'aide de x, y, z.

**EXERCICE 11 :** Soient les points suivants dans un repère cartésien:

$A(1,0,0)$  ,  $B(\sqrt{2}/4, \sqrt{6}/4, \sqrt{2}/2)$ .

Calculer les coordonnées sphériques de ces points.