

6) Parmi les affirmations suivantes, cocher celles qui sont vraies. Sur $]-1, +\infty[$, on a :

$\int \frac{dx}{(x+1)^3} = \frac{-3}{(x+1)^4} + k \quad \text{où } k \in \mathbb{R}$

$\int \frac{dx}{(x+1)^3} = \frac{-1}{2(x+1)^2} + k \quad \text{où } k \in \mathbb{R}$

$\int \frac{dx}{(x+1)} = \ln(x+1) + k \quad \text{où } k \in \mathbb{R}$

$\int \frac{dx}{(x+1)} = \frac{-1}{(x+1)^2} + k \quad \text{où } k \in \mathbb{R}$

7) Parmi les égalités suivantes, cocher celles qui sont vraies :

$\int 4x^3(2+x^4)^3 = x^4(2+x^4)^3 + k \quad \text{où } k \in \mathbb{R}$

$\int 4x^3(2+x^4)^3 = \frac{(2+x^4)^4}{4} + k \quad \text{où } k \in \mathbb{R}$

$\int \frac{6xdx}{1+3x^2} = \int 6xdx * \int \frac{dx}{1+3x^2} = 3x^2 * \ln(1+3x^2) + k \quad \text{où } k \in \mathbb{R}$

$\int \frac{6xdx}{1+3x^2} = \ln(1+3x^2) + k \quad \text{où } k \in \mathbb{R}$

8) Parmi les égalités suivantes, cocher celles qui sont vraies :

$\int x \cos(1+x^2) dx = \frac{1}{2} \sin(1+x^2) + k, \text{ où } k \in \mathbb{R}$

$\int e^x \sin(2+e^x) dx = \int e^x dx * \int \sin(2+e^x) dx + k, \text{ où } k \in \mathbb{R}$

$\int x \cos(1+x^2) dx = \frac{x^2}{2} \sin(1+x^2) + k, \text{ où } k \in \mathbb{R}$

$\int e^x \sin(2+e^x) dx = -\cos(2+e^x) + k, \text{ où } k \in \mathbb{R}$

9) Parmi les égalités suivantes, cocher celles qui sont vraies :

Sur $]1, +\infty[$, on a: $\int \frac{dx}{x(\ln x)^2} = \frac{-1}{\ln x} + k, \text{ où } k \in \mathbb{R}$

Sur $]1, +\infty[$, on a: $\int \frac{dx}{x(\ln x)^2} = \ln(x(\ln x)^2) + k, \text{ où } k \in \mathbb{R}$

Sur $]1, +\infty[$, on a: $\int \frac{dx}{2x\sqrt{\ln x}} = \int \frac{dx}{x} \times \frac{1}{2\sqrt{\ln x}} = \frac{\sqrt{\ln x}}{2} + k, \text{ où } k \in \mathbb{R}$

Sur $]1, +\infty[$, on a: $\int \frac{dx}{2x\sqrt{\ln x}} = \sqrt{\ln x} + k, \text{ où } k \in \mathbb{R}$

10) Parmi les égalités suivantes, cocher celles qui sont vraies :

Le changement de variable $t = \sin x$ donne: $\int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{\pi}{4}} \frac{dx}{\sin x \cdot \tan x} = \int_{\frac{1}{2}}^{\frac{1}{\sqrt{2}}} \frac{dt}{t^2}$

$\int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{\pi}{4}} \frac{dx}{\sin x \cdot \tan x} = \frac{1}{\sqrt{2}} - \frac{1}{2}$

Le changement de variable $t = \cos x$ donne: $\int_0^{\frac{\pi}{3}} \sin x \cdot e^{\cos x} dx = \int_1^{\frac{1}{2}} e^t dt$

$\int_0^{\frac{\pi}{3}} \sin x \cdot e^{\cos x} dx = e - \sqrt{e}$